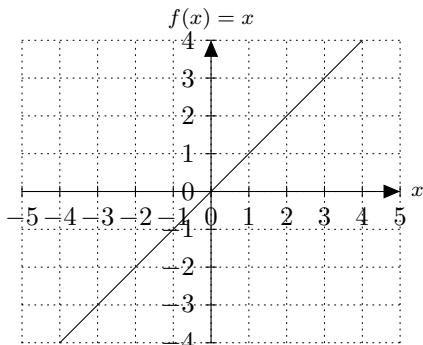


1 La fonction identité $f : x \mapsto x$

| | | | | | | | | | |
|------------|----|----|----|---|---|---|---|---|---|
| x | -4 | -3 | -2 | 1 | 0 | 1 | 2 | 3 | 4 |
| $f(x) = x$ | -4 | -3 | -2 | 1 | 0 | 1 | 2 | 3 | 4 |



$$\text{dom } f = \mathbb{R}$$

$$\text{im } f = \mathbb{R}$$

f est impaire ; l'ensemble des zéros est $\text{Ant}_0 f = \{0\}$

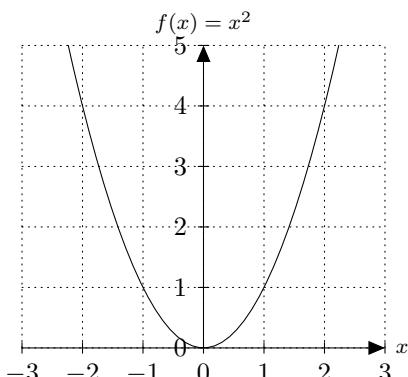
| | | | | |
|--------|-----------|---|-----------|-----------|
| x | $-\infty$ | 0 | $+\infty$ | |
| $f(x)$ | $-\infty$ | - | + | $+\infty$ |

f est strictement croissante sur $\text{dom } f = [0; +\infty[$

| | | |
|--------|-----------|-----------|
| x | $-\infty$ | $+\infty$ |
| $f(x)$ | $-\infty$ | $+\infty$ |

2 La fonction carré $f : x \mapsto x^2$

| | | | | | | | | | | |
|--------------|----|----|----|----------------|---|---------------|---|---|---|----|
| x | -3 | -2 | -1 | $-\frac{1}{2}$ | 0 | $\frac{1}{2}$ | 1 | 2 | 3 | 4 |
| $f(x) = x^2$ | 9 | 4 | 1 | $\frac{1}{4}$ | 0 | $\frac{1}{4}$ | 1 | 4 | 9 | 16 |



$$\text{dom } f = \mathbb{R}$$

$$\text{im } f = \mathbb{R}^+ = [0; +\infty[$$

f est paire ; l'ensemble des zéros est $\text{Ant}_0 f = \{0\}$

| | | | | | |
|--------|-----------|---|-----------|---|-----------|
| x | $-\infty$ | 0 | $+\infty$ | | |
| $f(x)$ | $+\infty$ | + | 0 | + | $+\infty$ |

f admet un minimum global $y = 0$ en $x = 0$.

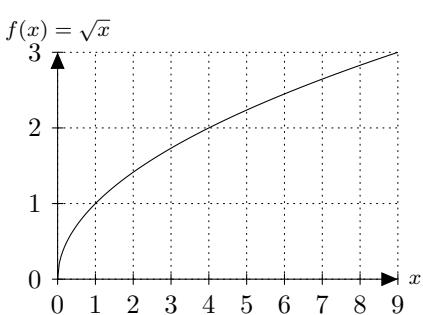
| | | | |
|--------|-----------|---|-----------|
| x | $-\infty$ | 0 | $+\infty$ |
| $f(x)$ | $+\infty$ | 0 | $+\infty$ |

3 La fonction racine carrée $f : x \mapsto \sqrt{x}$

| | | | | | | |
|-------------------|---|---------------|---|---|---|----|
| x | 0 | $\frac{1}{4}$ | 1 | 4 | 9 | 16 |
| $f(x) = \sqrt{x}$ | 0 | $\frac{1}{2}$ | 1 | 2 | 3 | 4 |

$$\text{dom } f = \mathbb{R}^+ = [0; +\infty[$$

$$\text{im } f = \mathbb{R}^+ = [0; +\infty[$$



L'ensemble des zéros est $\text{Ant}_0 f = \{0\}$

| | | | |
|--------|---|-----------|-----------|
| x | 0 | $+\infty$ | |
| $f(x)$ | 0 | + | $+\infty$ |

f admet un minimum global en $x = 0$ et il est égal à $y_{\min} = f(0) = 0$.

| | | |
|--------|---|-----------|
| x | 0 | $+\infty$ |
| $f(x)$ | 0 | $+\infty$ |

4 La fonction cube $f : x \mapsto x^3$

| | | | | | | | | |
|--------------|----|----|----------------|---|---------------|---|---|----|
| x | -2 | -1 | $-\frac{1}{2}$ | 0 | $\frac{1}{2}$ | 1 | 2 | 3 |
| $f(x) = x^3$ | -8 | -1 | $-\frac{1}{8}$ | 0 | $\frac{1}{8}$ | 1 | 8 | 27 |

$$\text{dom } f = \mathbb{R}$$

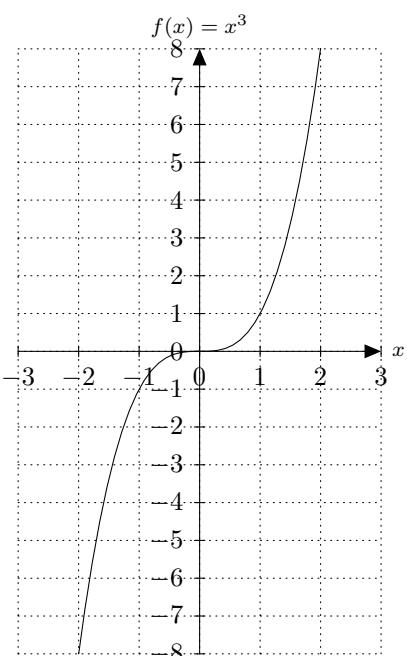
$$\text{im } f = \mathbb{R}$$

f est impaire ; l'ensemble des zéros est $\text{Ant}_0 f = \{0\}$

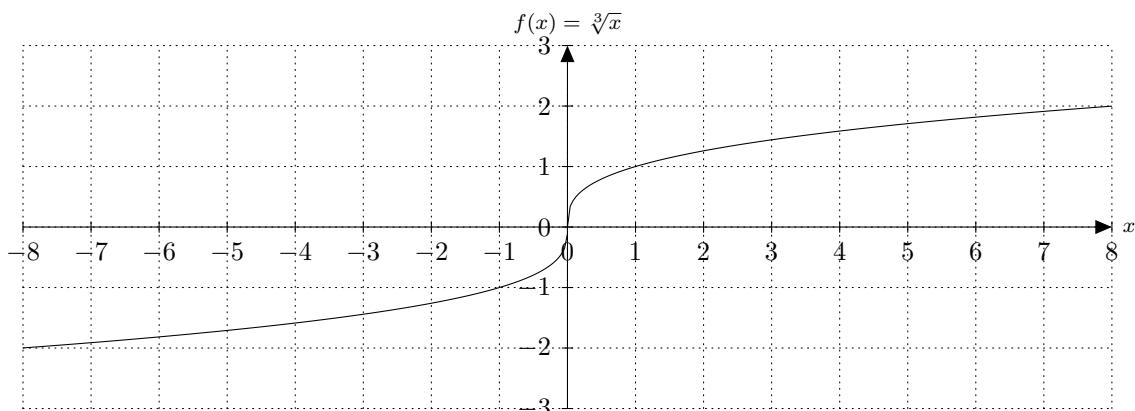
| | | | |
|--------|-----------|---|---------------|
| x | $-\infty$ | 0 | $+\infty$ |
| $f(x)$ | $-\infty$ | - | 0 + $+\infty$ |

Tableau de variations :

| | | |
|--------|-----------|--------------------|
| x | $-\infty$ | $+\infty$ |
| $f(x)$ | $-\infty$ | $\nearrow +\infty$ |



5 La fonction racine cubique $f : x \mapsto \sqrt[3]{x}$



| | | | | | | | | |
|----------------------|----|----|----------------|---|---------------|---|---|----|
| x | -8 | -1 | $-\frac{1}{8}$ | 0 | $\frac{1}{8}$ | 1 | 8 | 27 |
| $f(x) = \sqrt[3]{x}$ | -2 | -1 | $-\frac{1}{2}$ | 0 | $\frac{1}{2}$ | 1 | 2 | 3 |

$$\text{dom } f = \mathbb{R}$$

$$\text{im } f = \mathbb{R}$$

f est impaire ; l'ensemble des zéros est $\text{Ant}_0 f = \{0\}$

| | | | |
|--------|-----------|---|---------------|
| x | $-\infty$ | 0 | $+\infty$ |
| $f(x)$ | $-\infty$ | - | 0 + $+\infty$ |

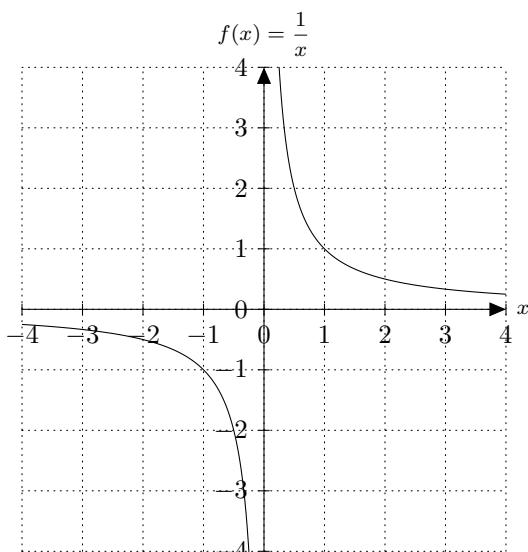
| | | |
|--------|-----------|--------------------|
| x | $-\infty$ | $+\infty$ |
| $f(x)$ | $-\infty$ | $\nearrow +\infty$ |

6 La fonction inverse $f : x \mapsto \frac{1}{x}$

| | | | | | | | | | | | |
|---------------|----------------|----------------|---|----------------|----------------|------|---------------|---------------|---|---------------|---------------|
| x | -4 | -2 | 1 | $-\frac{1}{2}$ | $-\frac{1}{4}$ | 0 | $\frac{1}{4}$ | $\frac{1}{2}$ | 1 | 2 | 4 |
| $\frac{1}{x}$ | $-\frac{1}{4}$ | $-\frac{1}{2}$ | 1 | -2 | -4 | N.D. | 4 | 2 | 1 | $\frac{1}{2}$ | $\frac{1}{4}$ |

$$\text{dom } f = \mathbb{R} \setminus \{0\} =]-\infty; 0[\cup]0; +\infty[$$

$$\text{im } f = \mathbb{R} \setminus \{0\} =]-\infty; 0[\cup]0; +\infty[$$



f est impaire

Il n'y a pas de zéros : $\text{Ant}_0 f = \emptyset$

| | | | |
|--------|-----------|---|-----------|
| x | $-\infty$ | 0 | $+\infty$ |
| $f(x)$ | 0^- | - | $+$ 0^+ |

Tableau de variations :

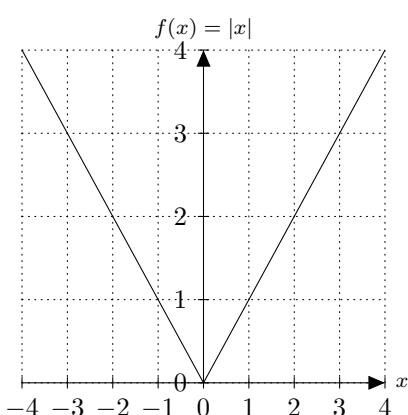
| | | | |
|--------|-----------|--------------------|----------------|
| x | $-\infty$ | 0 | $+\infty$ |
| $f(x)$ | 0^- | $\nearrow -\infty$ | $\nearrow 0^+$ |

7 La fonction valeur absolue $f : x \mapsto |x|$

| | | | | | | | |
|--------------|----|----|----|---|---|---|---|
| x | -3 | -2 | -1 | 0 | 1 | 2 | 3 |
| $f(x) = x $ | 3 | 2 | 1 | 0 | 1 | 2 | 3 |

$$\text{dom } f = \mathbb{R}$$

$$\text{im } f = \mathbb{R}^+ = [0; +\infty[$$



f est paire ; l'ensemble des zéros est $\text{Ant}_0 f = \{0\}$

| | | | |
|--------|-----------|---|-------------------|
| x | $-\infty$ | 0 | $+\infty$ |
| $f(x)$ | $+\infty$ | + | 0 $+$ $+\infty$ |

f admet un minimum global $y = 0$ en $x = 0$.

| | | | |
|--------|-----------|--------------|--------------------|
| x | $-\infty$ | 0 | $+\infty$ |
| $f(x)$ | $+\infty$ | $\searrow 0$ | $\nearrow +\infty$ |